

SM4 分组密码算法

SM4 block cipher algorithm

目 次

1 术语和定义.....	1
2 符号和缩略语.....	1
3 算法结构.....	1
4 密钥及密钥参量.....	1
5 轮函数 F	2
5.1 轮函数结构.....	2
5.2 合成置换 T	2
6 算法描述.....	2
6.1 加密算法.....	2
6.2 解密算法.....	3
6.3 密钥扩展算法.....	3
附录 A 运算示例.....	4
A.1 示例 1.....	4
A.2 示例 2.....	4

SM4 分组密码算法

本算法是一个分组算法。该算法的分组长度为 128 比特，密钥长度为 128 比特。加密算法与密钥扩展算法都采用 32 轮非线性迭代结构。解密算法与加密算法的结构相同，只是轮密钥的使用顺序相反，解密轮密钥是加密轮密钥的逆序。

1 术语和定义

下面术语和定义适用于本文件。

1.1

分组长度 block length

一个信息分组的比特位数。

1.2

密钥长度 key length

密钥的比特位数。

1.3

密钥扩展算法 key expansion algorithm

将密钥变换为轮密钥的运算单元。

1.4

轮数 rounds

轮函数的迭代次数。

1.5

字 word

长度为 32 比特的组(串)。

1.6

S 盒 S-box

S 盒为固定的 8 比特输入 8 比特输出的置换，记为 $Sbox(\cdot)$ 。

2 符号和缩略语

下列符号和缩略语适用于本文件：

\oplus 32 比特异或

$\lll i$ 32 比特循环左移 i 位

3 算法结构

SM4 密码算法是一个分组算法。该算法的分组长度为 128 比特，密钥长度为 128 比特。加密算法与密钥扩展算法都采用 32 轮非线性迭代结构。数据解密和数据加密的算法结构相同，只是轮密钥的使用顺序相反，解密轮密钥是加密轮密钥的逆序。

4 密钥及密钥参量

加密密钥长度为 128 比特，表示为 $MK = (MK_0, MK_1, MK_2, MK_3)$ ，其中 MK_i ($i = 0, 1, 2, 3$) 为字。

轮密钥表示为 $(rk_0, rk_1, \dots, rk_{31})$ ，其中 rk_i ($i = 0, \dots, 31$) 为 32 比特字。轮密钥由加密密钥生成。

$FK = (FK_0, FK_1, FK_2, FK_3)$ 为系统参数, $CK = (CK_0, CK_1, \dots, CK_{31})$ 为固定参数, 用于密钥扩展算法, 其中 $FK_i (i = 0, \dots, 3)$ 、 $CK_i (i = 0, \dots, 31)$ 为字。

5 轮函数 F

5.1 轮函数结构

设输入为 $(X_0, X_1, X_2, X_3) \in (Z_2^{32})^4$, 轮密钥为 $rk \in Z_2^{32}$, 则轮函数 F 为:

$$F(X_0, X_1, X_2, X_3, rk) = X_0 \oplus T(X_1 \oplus X_2 \oplus X_3 \oplus rk).$$

5.2 合成置换 T

$T: Z_2^{32} \rightarrow Z_2^{32}$ 是一个可逆变换, 由非线性变换 τ 和线性变换 L 复合而成, 即 $T(\cdot) = L(\tau(\cdot))$ 。

(1) 非线性变换 τ

τ 由 4 个并行的 S 盒构成。

设输入为 $A = (a_0, a_1, a_2, a_3) \in (Z_2^8)^4$, 输出为 $B = (b_0, b_1, b_2, b_3) \in (Z_2^8)^4$, 则

$$(b_0, b_1, b_2, b_3) = \tau(A) = (Sbox(a_0), Sbox(a_1), Sbox(a_2), Sbox(a_3))$$

其中, Sbox 数据如下:

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	D6	90	E9	FE	CC	E1	3D	B7	16	B6	14	C2	28	FB	2C	05
1	2B	67	9A	76	2A	BE	04	C3	A	44	13	26	49	86	06	99
2	9C	42	50	F4	91	EF	98	7A	33	54	0B	43	E	CF	AC	62
3	E4	B3	1C	A9	C9	08	E8	95	80	DF	94	F	75	8F	3F	A6
4	47	07	A7	FC	F3	73	17	BA	83	59	3C	19	E6	85	4F	A8
5	68	6B	81	B2	71	64	DA	8B	F8	EB	0F	4B	70	56	9D	35
6	1E	24	0E	5E	63	58	D1	A2	25	22	7C	3B	01	21	78	87
7	D4	00	46	57	9F	D3	27	52	4C	36	02	E7	A0	C4	C8	9E
8	E	BF	8A	D2	40	C7	38	B5	A3	F7	F2	CE	F9	61	15	A1
9	E0	AE	5D	A4	9B	34	1A	55	A	93	32	30	F5	8C	B1	E3
A	1D	F6	E2	2E	82	66	CA	60	C0	29	23	AB	0	53	4E	6F
B	D5	DB	37	45	DE	FD	8E	2F	03	FF	6A	72	6	6C	5B	51
C	8D	1B	A	92	BB	DD	BC	7F	11	D9	5C	41	1F	10	5A	D8
D	0A	C1	31	88	A5	CD	7B	BD	2D	74	D0	12	B8	E5	B4	B0
E	89	69	97	4A	0C	96	77	7E	65	B9	F1	09	C5	6E	C6	84
F	18	F0	7D	EC	3A	DC	4D	20	79	EE	5F	3E	D	CB	39	48

注: 输入'EF', 则经 S 盒后的值为表中第E行和第F列的值, $Sbox(EF) = 84$ 。

(2) 线性变换 L

非线性变换 τ 的输出是线性变换 L 的输入。设输入为 $B \in Z_2^{32}$, 输出为 $C \in Z_2^{32}$, 则

$$C = L(B) = B \oplus (B \lll 2) \oplus (B \lll 10) \oplus (B \lll 18) \oplus (B \lll 24).$$

6 算法描述

6.1 加密算法

本加密算法由 32 次迭代运算和 1 次反序变换 R 组成。

设明文输入为 $(X_0, X_1, X_2, X_3) \in (Z_2^{32})^4$, 密文输出为 $(Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) \in (Z_2^{32})^4$, 轮密钥为

$rk_i \in Z_2^{32}$, $i = 0, 1, \dots, 31$ 。加密算法的运算过程如下:

- (1) 32 次迭代运算: $X_{i+4} = F(X_i, X_{i+1}, X_{i+2}, X_{i+3}, rk_i)$, $i = 0, 1, \dots, 31$;
- (2) 反序变换: $(Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) = R(X_{32}, X_{33}, X_{34}, X_{35}) = (X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32})$ 。

6.2 解密算法

本算法的解密变换与加密变换结构相同, 不同的仅是轮密钥的使用顺序。解密时, 使用轮密钥序 $(rk_{31}, rk_{30}, \dots, rk_0)$ 。

6.3 密钥扩展算法

本算法轮密钥由加密密钥通过密钥扩展算法生成。

加密密钥 $MK = (MK_0, MK_1, MK_2, MK_3) \in (Z_2^{32})^4$, 轮密钥生成方法为:

$$(K_0, K_1, K_2, K_3) = (MK_0 \oplus FK_0, MK_1 \oplus FK_1, MK_2 \oplus FK_2, MK_3 \oplus FK_3),$$

$$rk_i = K_{i+4} = K_i \oplus T'(K_{i+1} \oplus K_{i+2} \oplus K_{i+3} \oplus CK_i), \quad i = 0, 1, \dots, 31.$$

其中:

(1) T' 是将 5.2 中合成置换 T 的线性变换 L 替换为 L' :

$$L'(B) = B \oplus (B \lll 13) \oplus (B \lll 23);$$

(2) 系统参数 FK 的取值为:

$$FK_0 = (\text{A3B1BAC6}), \quad FK_1 = (\text{56AA3350}), \quad FK_2 = (\text{677D9197}), \quad FK_3 = (\text{B27022DC});$$

(3) 固定参数 CK 的取值方法为:

设 $ck_{i,j}$ 为 CK_i 的第 j 字节 ($i = 0, 1, \dots, 31; j = 0, 1, 2, 3$), 即 $CK_i = (ck_{i,0}, ck_{i,1}, ck_{i,2}, ck_{i,3}) \in (Z_2^8)^4$, 则 $ck_{i,j} = (4i + j) \times 7 \pmod{256}$ 。

固定参数 CK_i ($i = 0, 1, \dots, 31$) 具体值为:

00070E15, 1C232A31, 383F464D, 545B6269,

70777E85, 8C939AA1, A8AFB6BD, C4CBD2D9,

E0E7EEF5, FC030A11, 181F262D, 343B4249,

50575E65, 6C737A81, 888F969D, A4ABB2B9,

C0C7CED5, DCE3EAF1, F8FF060D, 141B2229,

30373E45, 4C535A61, 686F767D, 848B9299,

A0A7AEB5, BCC3CAD1, D8DFE6ED, F4FB0209,

10171E25, 2C333A41, 484F565D, 646B7279。

附录 A

运算示例

A.1 示例 1

本部分为 SM4 分组密码算法对一组明文进行加密的运算示例。

输入明文: 01 23 45 67 89 AB CD EF FE DC BA 98 76 54 32 10

输入密钥: 01 23 45 67 89 AB CD EF FE DC BA 98 76 54 32 10

轮密钥与每轮输出状态:

$rk[0]$ = F12186F9	$X[0]$ = 27FAD345
$rk[1]$ = 41662B61	$X[1]$ = A18B4CB2
$rk[2]$ = 5A6AB19A	$X[2]$ = 11C1E22A
$rk[3]$ = 7BA92077	$X[3]$ = CC13E2EE
$rk[4]$ = 367360F4	$X[4]$ = F87C5BD5
$rk[5]$ = 776A0C61	$X[5]$ = 33220757
$rk[6]$ = B6BB89B3	$X[6]$ = 77F4C297
$rk[7]$ = 24763151	$X[7]$ = 7A96F2EB
$rk[8]$ = A520307C	$X[8]$ = 27DAC07F
$rk[9]$ = B7584DBD	$X[9]$ = 42DD0F19
$rk[10]$ = C30753ED	$X[10]$ = B8A5DA02
$rk[11]$ = 7EE55B57	$X[11]$ = 907127FA
$rk[12]$ = 6988608C	$X[12]$ = 8B952B83
$rk[13]$ = 30D895B7	$X[13]$ = D42B7C59
$rk[14]$ = 44BA14AF	$X[14]$ = 2FFC5831
$rk[15]$ = 104495A1	$X[15]$ = F69E6888
$rk[16]$ = D120B428	$X[16]$ = AF2432C4
$rk[17]$ = 73B55FA3	$X[17]$ = ED1EC85E
$rk[18]$ = CC874966	$X[18]$ = 55A3BA22
$rk[19]$ = 92244439	$X[19]$ = 124B18AA
$rk[20]$ = E89E641F	$X[20]$ = 6AE7725F
$rk[21]$ = 98CA015A	$X[21]$ = F4CBA1F9
$rk[22]$ = C7159060	$X[22]$ = 1DCDFA10
$rk[23]$ = 99E1FD2E	$X[23]$ = 2FF60603
$rk[24]$ = B79BD80C	$X[24]$ = EFF24FDC
$rk[25]$ = 1D2115B0	$X[25]$ = 6FE46B75
$rk[26]$ = 0E228AEB	$X[26]$ = 893450AD
$rk[27]$ = F1780C81	$X[27]$ = 7B938F4C
$rk[28]$ = 428D3654	$X[28]$ = 536E4246
$rk[29]$ = 62293496	$X[29]$ = 86B3E94F
$rk[30]$ = 01CF72E5	$X[30]$ = D206965E
$rk[31]$ = 9124A012	$X[31]$ = 681EDF34

输出密文: 68 1E DF 34 D2 06 96 5E 86 B3 E9 4F 53 6E 42 46

A.2 示例 2

本部分为 SM4 分组密码算法使用固定的加密密钥，对一组明文反复加密 1000000 次的运算示例。

输入明文: 01 23 45 67 89 AB CD EF FE DC BA 98 76 54 32 10

输入密钥: 01 23 45 67 89 AB CD EF FE DC BA 98 76 54 32 10

输出密文: 59 52 98 C7 C6 FD 27 1F 04 02 F8 04 C3 3D 3F 66
